DOI:10.3880/j.issn.1006-7647.2019.03.015

考虑成层地基的黏弹性人工边界模型

尹 刚¹,赵兰浩¹,李同春²

(1.河海大学水利水电学院,江苏南京 210098; 2.河海大学农业工程学院,江苏南京 210098)

摘要:为了将黏弹性人工边界条件用于成层地基模型的计算中,基于波动理论,推导了不同类型地 震波的波幅比计算公式,采用延迟法考虑行波效应,完成了成层地基的自由场求解,得到了考虑地 震波一次反射透射的等效荷载计算公式,最终建立了考虑成层地基的黏弹性人工边界模型。以SV 波垂直入射为例,采用所建立的模型进行了重力坝的动力计算。结果表明,该模型满足工程抗震分 析的精度要求,可以解决成层地基条件下,地震波垂直入射时考虑土-结构相互作用的结构动力分 析问题。

关键词:成层地基;自由场;波动输入;波幅比;行波效应

中图分类号:TV642.1;P315.9 文献标志码:A 文章编号:1006-7647(2019)03-0087-08

Viscoelastic artificial boundary model considering layered foundation//YIN Gang¹, ZHAO Lanhao¹, LI Tongchun² (1. College of Water Conservancy and Hydropower Engineering, Hohai University, Nanjing 210098, China; 2. College of Agricultural Engineering, Hohai University, Nanjing 210098, China)

Abstract: In order to apply the viscoelastic artificial boundary condition in the computation of a layered foundation model, the formulas for calculating the amplitude ratio of different types of seismic waves are derived in this paper based on the wave theory. The traveling wave effect is considered by the delay method and the free field of the layered foundation is solved, based on which the equivalent load considering the reflection and transmission of seismic waves is obtained. Finally, a viscoelastic artificial boundary model considering layered foundation is established. The vertical incidence of an SV wave is taken as an example to verify the formula and the proposed numerical model is then used in the dynamic calculation of a gravity dam. The results show that the model established in this paper satisfies the accuracy requirement of engineering seismic analysis and it can solve the problem of structural dynamic analysis considering soil-structure interaction when seismic waves spread vertically on the layered foundation.

Key words: layered foundation; free field; wave motion input; wave amplitude ratio; traveling wave effect

天然地基为一半无限域,采用有限元等数值模 拟方法进行动力计算时,需从半无限域的地基中截 取有限的区域进行计算,并在截取区域的边界上施 加一定的人工边界条件,使得地震波传递到边界时 不再发生反射,以模拟无限地基对于地震波的辐射 阻尼效应^[1-2]。在众多种类的人工边界条件中, Andrew^[3]提出的黏弹性人工边界条件能同时模拟 散射波的吸收和半无限地基的弹性恢复能力,且易 于编程、稳定性好,得到了广泛的应用。

地震动输入方法一直是研究土-结构相互作用 的关键问题之一^[46]。黏弹性人工边界采用波场分 离的技术,将波动问题转化为人工边界处等效荷载 的计算问题^[7]。等效荷载的计算需要求解人工边 界上的自由场,传统的求解方法为延迟法,认为人工 边界点的自由场与入射波场存在行波效应,相位差 可由人工边界点到入射边界的距离和波速求出^[8]。 而这种行波效应的存在,也对结构动力响应产生了 一定的影响。吴健等^[9]分析了拱坝的随机地震行 波效应,李悦良^[10]研究了行波效应对地震反应谱的 影响,赵博等^[11]分析了行波效应对多跨大跨结构的 随机振动响应的影响,范重等^[12]分析了超长结构地 震行波效应的影响因素。

当地震波穿过不同的介质时,会发生反射与透射,当两层介质的波阻抗不同时,反射波与透射波的 振幅与原入射波一般是不相等的,且会存在波型转换等问题^[13]。传统的延迟法只能考虑波速的影响,

基金项目:国家重点研发计划(2018YFC0406705);湖南省教育厅科学研究项目(09C088)

作者简介:尹刚(1994—),男,硕士研究生,主要从事水工结构抗震研究。E-mail:royalyg@163.com

通信作者:赵兰浩(1980—),男,教授、博士,主要从事流固耦合与水工结构抗震研究。E-mail:zhaolanhao@hhu.edu.cn

不能考虑振幅的改变和多次反射波及透射波的叠 加.因此对于成层地基条件.需要进一步推导适用于 成层地基的地震波输入模式。为此,本文推导了适 用于成层地基的考虑波一次反射透射的等效荷载计 算公式,以解决水平成层地基的波动输入问题。

1 地震波入射时的反射和透射系数

地震波穿过两个波阻抗不同的土层时,会 在两种介质的分界面上发生反射与透射,透射波会 在继续向上传播,而反射波则会反射至下部土层往 下传播。不同类型的波产生的反射波和折射波的类 型也不同,P波、SV 波和 SH 波入射时可能发生的反 射折射情况[14]见图1(图中下标1、2分别表示第一 层和第二层;下标 i、r、t 分别代表入射波、反射波和 透射波;下标 P 代表 P 波, SV 代表 SV 波, SH 代表 SH 波; A 为振幅; θ 为波传播方向与介质分界面法向 的夹角;c_p和 c_s分别为纵波波速和横波波速)。



(c) SH波入射

图 1 3 种波入射时波型转换情况

设上下两层介质纵波和横波波阻抗之比分别为

水利水电科技进展,2019,39(3) Tel;025-83786335 E-mail;jz@hhu. edu. cn http://jour. hhu. edu. cn

$$\begin{cases} \alpha_{\rm P} = \frac{\rho_2 C_{\rm P2}}{\rho_1 C_{\rm P1}} \\ \alpha_{\rm S} = \frac{\rho_2 C_{\rm S2}}{\rho_1 C_{\rm P2}} \end{cases}$$
(1)

式中: $\alpha_{\rm p}$ 和 $\alpha_{\rm s}$ 分别为纵波和横波的波阻抗之比: $\rho_{\rm 1}$ 和 ρ。分别为下部土层和上部土层的密度。

以 P 波为例,由分界面处的位移应力协调条 件,可得波幅比的方程组为

$$\begin{bmatrix} \sin\theta_{rP} & \cos\theta_{rSV} & -\sin\theta_{tP} & \cos\theta_{tSV} \\ -\cos\theta_{rP} & \sin\theta_{rSV} & -\cos\theta_{tP} & -\sin\theta_{tSV} \\ \sin2\theta_{rP} & \frac{c_{P1}}{c_{S1}}\cos2\theta_{rSV} & \frac{\alpha_{S}^{2}}{\alpha_{P}}\sin2\theta_{tP} & -\frac{\alpha_{S}^{2}}{\alpha_{P}}\cos2\theta_{tSV} \\ -\cos2\theta_{rSV} & \frac{c_{S1}}{c_{P1}}\sin2\theta_{rSV} & \alpha_{P}\cos2\theta_{tSV} & \frac{\rho_{2}c_{S2}}{\rho_{1}c_{P2}}\sin2\theta_{tSV} \end{bmatrix} \cdot \\ \begin{bmatrix} \frac{A_{rP}}{A_{iP}} & \frac{A_{rSV}}{A_{iP}} \\ \frac{A_{tP}}{A_{iP}} \\ \frac{A_{tSV}}{A_{iP}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\sin\theta_{iP} \\ -\cos\theta_{iP} \\ \sin2\theta_{iP} \\ \cos2\theta_{iP} \end{bmatrix}$$
(2)

由于工程中一般都假定地震波是垂直入射于地基底 部的,故主要讨论地震波垂直入射的情况,即 θ_{isv} = $\theta_{rsv} = \theta_{rsv} = \theta_{rP} = \theta_{rP} = 0$,代人式(2)可得:

$$\begin{cases} \frac{A_{rP}}{A_{iP}} = \frac{\alpha_{P} - 1}{\alpha_{P} + 1} \\ \frac{A_{tP}}{A_{iP}} = \frac{2}{1 + \alpha_{P}} \\ \frac{A_{rSV}}{A_{iP}} = 0 \\ \frac{A_{tSV}}{A_{iP}} = 0 \end{cases}$$
(3)

式(3)的结果表明,当P波垂直入射时,反射SV波 和透射 SV 波的振幅为 0, 即没有发生波型转换, 反 射波和透射波依然为 P 波。同时,当界面为自由表 面时,令ρ₂=0,可得:

$$\frac{\left(A_{\rm rP} - A_{\rm rP}\right)}{A_{\rm rP}} = -1$$

$$\frac{\left(A_{\rm rP} - A_{\rm rP}\right)}{A_{\rm rP}} = 0$$
(4)

即 P 波垂直入射至自由表面时,透射波为零,即不 存在透射波;反射波波幅大小与入射波相等,方向与 图中规定的正方向相反即与传播方向相反,最终在 顶面入射波和反射波的振动方向相同,即自由表面 的位移放大2倍。

同样地,采用上面相同的方法可以得到 SV 波 入射时的波幅比方程组,当 SV 波垂直入射时,可求 得波幅比为

$$\begin{cases} \frac{A_{iSV}}{A_{iSV}} = \frac{\alpha_{S} - 1}{\alpha_{S} + 1} \\ \frac{A_{iSV}}{A_{iSV}} = \frac{2}{1 + \alpha_{S}} \\ \frac{A_{iP}}{A_{iSV}} = 0 \\ \frac{A_{iP}}{A_{iSV}} = 0 \end{cases}$$
(5)

对比式(5)和式(3)可以看出,当波垂直入射时,P 波和 SV 波的反射透射规律相似,不发生波型转换, 波幅比的大小与波阻抗相关。当界面为自由表面 时,令 $\rho_2=0$ 带入上式可得出与 P 波相同的结论,即 自由表面的位移呈放大2 倍的规律。

SH 波的反射透射较为简单,因为 SH 波仅有垂 直于入射面的位移分量,即不会发生波型转换;当 SH 波垂直入射时,波幅比计算公式与 SV 波相同 (式(5));与 P 波和 SV 波不同的是,当界面为自由 表面时,无论 SH 波以何种角度入射,自由表面位移 均为放大2倍。

2 考虑波一次反射和透射的等效荷载计算

对于层状地基模型,当地震波从底部入射后,传 播到分界面处会发生反射和透射,反射波会向下传 播在人工边界处被吸收。向上传播的透射波在到达 下一层的分界面后会再度产生向下传播的反射波, 当新的反射波到达分界面时会再度发生反射和透 射,透射波向下传播至人工边界被吸收,反射波重新 向上传播至自由面。因此,地基中将不断发生反射 和透射的过程。实际情况中,一般地震动的持续时 间较短,且需要考虑地基的阻尼,故主要考虑地震波 在每一层的一次反射透射的过程^[15]。

黏弹性人工边界节点 Q 处在 t 时刻的等效荷载为

$$F_{\varrho}(t) = \tau_{\varrho}(x_{\varrho}, y_{\varrho}, t) + C_{\varrho}\omega_{\varrho}(x_{\varrho}, y_{\varrho}, t) + K_{\varrho}\omega_{\varrho}(x_{\varrho}, y_{\varrho}, t)$$
(6)

式中: x_{q}, y_{q} 为节点 Q 的坐标; $\omega_{q}(x_{q}, y_{q}, t)$ 为 Q 处 的位移; $\omega_{q}(x_{q}, y_{q}, t)$ 为 Q 处的速度; K_{q}, C_{q} 分别为 Q 处的弹簧刚度系数和阻尼系数; $\tau_{q}(x_{q}, y_{q}, t)$ 为 Q处自由场产生的剪应力。自由波场在 Q 处产生的 位移 $\omega_{q}(x_{q}, y_{q}, t)$ 的求解是等效荷载计算的关键。 以图 2 所示的层状地基为例,推导侧边界和底边界 的自由波场的计算方法。

对于侧边界,可以通过反射和透射系数,根据延迟法求得相应的自由波场,进而求得相应的等效荷载。对于侧边界的 M 点而言,可以将波的入射过程



图 2 层状地基模型

分为以下3部分:

a. 入射波还未到达*M*点。此时*M*点的自由波场位移为零。

b. 入射波到达 *M* 点,这一层顶部的反射波还 未到达 *M* 点。这个阶段 *M* 点的位移由入射波场经 过多层透射后产生,要考虑每一层的透射作用对幅 值的影响。

c. 入射波到达*M*点,这一层顶部的反射波也到 达*M*点。这个阶段*M*点的位移由入射波和反射波 两部分叠加而成,入射波需考虑多层透射的影响,反 射波由入射波在顶部反射而来,需要考虑反射作用 对幅值的影响。

上述 3 部分可以总结为以下计算公式,为方便 表述,令反射系数为 $\beta = A_i/A_i$,透射系数为 $\gamma = A_i/A_i$, 则侧边界上一点 *M* 的自由波场位移计算公式为

$$\omega_{M}(x_{M}, y_{M}, t) = \begin{cases} 0 & t \leq t_{0} \\ \left(\prod_{j=1}^{k} \gamma_{j}\right) \omega_{i}(t - t_{0}) & t_{0} \leq t \leq t_{1} \\ \left(\prod_{j=1}^{k} \gamma_{j}\right) (\omega_{i}(t - t_{0}) + \beta_{k} \omega_{i}(t - t_{1})) & t_{1} < t \leq t_{2} \end{cases}$$
(7)

式中: $\omega_i(t)$ 为 t 时刻输入的位移大小; k 为 M 点所 在层的层号,默认从下往上编号,计算区域地震波首 先经过第 1 层; t_0 为入射波到达 M 点的时刻,计算 公式为 $t_0 = \sum_{j=1}^{k-1} \frac{h_j}{c} + \frac{d}{c}$,其中 h_i 为第 j 层的高度, d 为M 点距所在层底部的边界的竖直距离, c 为波 速; t_1 为反射波到达 M 点的时刻,计算公式为 $t_1 = t_0 + 2(h_k - d)/c$,其中 h_k 为 M 点所在的第 k 层的高 度; t_2 为输入波终止时刻。

对于底边界,自由波场即为入射波场,即

$$\boldsymbol{\omega}_{N}(\boldsymbol{x}_{N},\boldsymbol{y}_{N},t) = \boldsymbol{\omega}_{0}(t) \tag{8}$$

由式(7)和式(8)即可确定人工边界的自由波 场,代入式(6)中即可求出人工边界上的等效荷载 大小,完成地震波的输入。

3 算例分析

3.1 考虑成层地基的波动输入方法验证

对成层地基的波动输入方法编制了相应的计算 程序,通过两个算例进行验证。选取如图 3 所示的 两层地基模型,坐标原点设为 B₂ 点,截取有限的部 分进行计算,下层地基编号为①,上层地基编号为 ②。考虑 3 个计算方案:方案 1 为成层地基模型,考 虑地震波在分界面处的反射透射过程;方案 2 为成层 地基模型,不考虑地震波在分界面处的反射透射,只 考虑不同层地基的波速影响;方案 3 为均质地基模 型,上下两层的波阻抗相同,不存在反射透射过程。 3 个计算方案中,两层地基密度均为 2 000 kg/m³,泊 松比为 0.25,弹模的取值考虑不同的计算方案,前 2 种方案上层地基弹模为 2 GPa,下层地基为 10 GPa, 第 3 种方案上下层地基皆为 2 GPa。



图 3 两层地基计算模型(单位:m)

第一个算例假定从地基底部垂直入射一单周期 SV 波,位移时程如式(9)所示,位移最大值为1.3 m, 周期为0.5 s,时间步长设为0.0001 s,总计算持时为 5 个周期即 2.5 s。坐标原点设为顶部中心点,图 3 中 4 个 特 征 点 B_1 (-200,0)、 B_2 (0,0)、 B_3 (-200,-200)和 B_4 (0,-200)为观测点,计算得到 方案 1 中各点的位移时程曲线如图 4 所示,各计算 方案下 B_1 点和 B_3 点的位移时程曲线如图 5 所示。 $u(t) = \begin{cases} \sin(4\pi t) - 0.5\sin(8\pi t) & 0 \le t \le 0.5 \text{ s} \end{cases}$

 $) = \begin{cases} 0 & t > 0.5 \text{ s} \\ 0 & t > 0.5 \text{ s} \end{cases}$

分析图 4,由透射系数公式可知上层地基的透 射系数为 1.38,地震波经过透射到达顶部放大两倍 后最大位移的理论值为 3.58 m,顶部 $B_1 \ B_2$ 两点第 一个周期内的 x 向位移最大值为 3.51 m,与理论值 接近;底部 $B_3 \ B_4$ 两点的最大值为 1.283 m,与输入 波接近,满足精度要求。传播规律上,在第 1 个周期 内,同一高程上的 $B_1 \ B_2$ 两点和 $B_3 \ B_4$ 两点位移响应 几乎重合,顶部 $B_1 \ B_2$ 两点的位移响应具有延迟效 应,第 1 个周期内最大值达到的时刻为 0.396 s,底部 $B_3 \ B_4$ 两点的最大值达到的时刻为 0.168 6 s,两者时 间差为 SV 波传播的时间,符合波的传播规律。



图 5 各方案 B_1 点和 B_3 点的 x 向计算位移时程曲线

对于上层地基,透射波在顶部反射到达分界面 后再次发生反射与透射过程,反射波向上传播,透射 波向下传播至下层地基,由于侧边界的波动输入仅 考虑了一次反射透射过程,分界面处产生的二次反 射波在侧边界逐渐被吸收,位于侧边界的 B_1 点的位 移响应出现了小于 B_2 点的情况。对于下层地基,在 第1个周期的后半期,随着分界面处反射波向下传 播, B_3 、 B_4 两点的位移由入射波和反射波叠加而成, 此时入射波产生的位移与反射波方向相反,因此

•90 · 水利水电科技进展,2019,39(3) Tel:025-83786335 E-mail:jz@hhu.edu.cn http://jour.hhu.edu.cn

B₃、B₄两点的负向位移大小减小;0.457s后,分界面 处发生二次反射透射的透射波传播至底边界,此时 入射波、第1次的反射波和第2次的透射波产生叠 加效应,出现了第2个波峰。同样地,由于侧边界的 波动输入仅考虑了一次反射透射的过程,多次反射 透射产生的散射波在侧边界被吸收,因此 B₃点的位 移响应要小于 B₄点。对于整个系统而言,由于人工 边界单元的存在,多次透射与反射产生的散射波最 终被边界单元所吸收,体现了无限地基的辐射阻尼 效应。

比较各点计算时程曲线与理论值,对于顶部各 点而言,时程曲线规律与理论值基本吻合,满足工程 中抗震分析的要求。其中,B₂点相对于 B₁点而言 误差更小,这是因为 B₁点位于侧边界,人工边界上 的位移与地震动输入方法直接相关,只考虑一次反 射透射过程产生的误差在人工边界上产生的影响要 大于远离人工边界的地方。对于底部各点而言,在 单周期内,数值计算的结果与理论解基本吻合。时 程曲线产生较大误差的地方为顶部的反射波穿过分 界面发生再次透射时。综合考虑顶部和底部位移响 应,本文主要考虑波一次反射透射产生的误差都没 有发生在最大响应时刻,且时程曲线的发展规律与 理论值基本一致。由于工程中主要关心上部结构的 最大地震动响应和动响应的时程规律,顶部响应的 精度满足工程设计的要求。

分析图 5, 各计算方案下 B₁、B₃ 两点的位移时 程曲线差异均较大。方案1与方案2由于都考虑了 波速的影响,因此两者得到的时程曲线频率和相位 相同,但振幅不同。对于 B₁ 点,方案 1 的最大位移 响应要大于方案 2; 对于 B, 点, 由于方案 1 考虑了 波在分界面处的反射,因此方案1中到达底部的反 射波为分界面处的反射波,方案2中为顶部的反射 波,两个方案得到的响应在方案1中的反射波到底 部后出现了较大的差异。方案3的传播规律与均质 地基的传播规律相同,也侧面验证了黏弹性人工边 界单元的适用性,但地震波到达顶部的时间比 方案1和方案2都偏迟,无法真实地模拟地震波的 传播过程。振幅方面,对于顶部而言,方案1考虑了 波的反射与透射,地震波向上传播到达顶部时经历 了分界面和顶部自由面两次放大过程,而方案2和 方案3都只考虑了顶部自由面的放大过程,最大位 移响应都偏小。

综上,相比于方案1,方案2虽考虑了波速的影响即相位的影响,但振幅与理论解相差较大,不能真 实地反映地震波的放大效应;方案3则表明成层地 基若按均质地基处理,不仅振幅与理论解相差较大, 地震波的延迟效应也不能更全面地得到考虑。因此,方案1能比方案2和方案3更好地用于成层地基的波动问题分析,满足工程抗震分析的精度需求。

第2个算例同样基于图3的计算模型,考虑从底 部输入EL波N-S向时程,输入的位移时程曲线和速 度时程曲线如图6所示,计算总时长为53.72s,时间 步长为0.04s。参考第1个算例的结果,第2个算 例只采用第1个方案进行计算,得到B₂点的位移时 程曲线如图7所示。



图 7 顶部观测点的 x 向位移计算与理论值时程曲线

分析图 7,顶部的 x 向位移响应与理论值变化规 律相同,波峰波谷出现的时刻基本一致。位移幅值 上,B₂点位移的正向最大值为 0.221 m,对应的理论 正向最大值为 0.223 m,误差在 1% 以内;负向最大值 为-0.216 m,理论值为-0.215 m,误差在 1% 以内。综 合算例 1 和算例 2,本文提出的考虑一次反射透射的 成层地基波动输入方法满足工程设计的需要。

3.2 成层地基重力坝的地震动响应分析

某重力坝坝高100m,坝顶宽度15m,坝底宽度70m,下游坝坡坡度1:0.7。地基范围沿上下游方

水利水电科技进展,2019,39(3) Tel:025-83786335 E-mail:jz@hhu.edu.cn http://jour.hhu.edu.cn •91 •

向各取3倍的坝高,深度方向考虑3层地基的影响, 每层地基各为100m,即总深度为3倍的坝高,坐标 原点设在坝底中点,选取坝顶中点D₁(-22.75,100)、 坝踵D₂(-35,0)和坝趾D₃(35,0)三点为观测点,模 型如图8所示。假定从底部垂直输入SV波,输入的 人工波依据规范给出的设计反应谱合成,设计地震动 峰值加速度为0.1g,地震动持时为15s,时间步长取 为0.01s,人工波时程曲线如图9所示。



坝体混凝土动弹模为 30 GPa, 密度为 2 400 kg/m³,

泊松比为0.167;地基从下往上编号,3层地基的密

度皆为2700 kg/m³, 泊松比皆为0.25, 地基弹模从

下层至上层依次为 40 GPa、30 GPa 和 20 GPa。计算

考虑3种地基模型(分别对应3个方案),第1种考

虑地基为3层成层场地模型,波动输入考虑地震波 的反射与折射,每层地基的材料参数按实际情况取

值;第2种为成层场地模型,不考虑地震波在分界面

(c)方案3

图 11 各计算方案 D, 点第1 主应力时程曲线

(b)方案2

水利水电科技进展,2019,39(3) Tel:025-83786335 E-mail:jz@hhu.edu.cn http://jour.hhu.edu.cn

(a)方案1



图 12 各计算方案 D₃ 点第 3 主应力时程曲线

了地震波在不同介质分界面处的反射与透射,输入 的地震波振幅在传播过程中被放大,因此结构的响 应也较大,这与前一节的算例结果相吻合。整体而 言,考虑了成层地基模型的方案1和方案2得到的 响应比较接近,且都大于按均质地基考虑的方案3, 但方案2的结果在峰值响应上仍比方案1小3%左 右,考虑到结构的复杂性和工程的重要性,对于高坝 的抗震设计仍应采用方案1比较合理。在相位差方 面,由于地基的波速较大,各方案得到的时程曲线相 位差并不明显。

对比3种计算方案可知,按成层地基模型来进 行动力分析,能更好地反映结构的地震动放大效应。 而实际中,地基的分布情况更为复杂,地震波在各层 之间的反射透射次数也更多,经过多次放大后,结构 的动力响应也更为复杂,同时每个计算方案中,最大 主应力都出现在坝踵处,所以对于重力坝而言,坝踵 处的应力情况应在抗震设计中应着重关注。

4 结 论

a. 针对成层地基模型,以地震波垂直入射为 例,基于波动理论推导了考虑地震波一次反射透射 的等效荷载计算公式,建立的考虑成层地基的黏弹 性人工边界模型,经以两层地基的 SV 波垂直入射 算例验证,本文的波动输入方法合理可行。

b. 将考虑成层地基的黏弹性人工边界模型应 用到重力坝的动力计算中,计算结果表明,均质地基 模型的处理方法低估了成层地基的地震动放大效 应,无法得到结构的真实地震动响应。在层状地基 各层的材料参数相差较大时,应采用更为精确的成 层地基模型考虑土--结构的相互作用,更有利于水工 建筑物的抗震设计。

参考文献:

[1]梁青槐. 土-结构动力相互作用数值分析方法的评述
 [J]. 北方交通大学学报, 1997, 21(6): 690-694.
 (LIANG Qinghuai. Summary and review of the numerical methods for analyzing soil-structure dynamic interaction

[J]. Journal of Northern Jiaotong University, 1997, 21 (6): 690-694. (in Chinese))

- [2] 贺向丽,李同春. 无限域中的动力人工边界[J]. 水利 水电科技进展, 2005, 25(3): 64-67. (HE Xiangli, LI Tongchun. Dynamic artificial boundaries condition for infinite domain[J]. Advances in Science and Technology of Water Resources, 2005, 25(3): 64-67. (in Chinese))
- [3] ANDREW J D. Axisymmetric time-domain transmitting boundaries[J]. Journal of Engineering Mechanics, 1994, 120(1): 25-42.
- [4]周晨光,孔宪京,邹德高,等.地震波动输入方法对高土 石坝地震反应影响研究[J].大连理工大学学报, 2016,56(4):382-389. (ZHOU Chenguang, KONG Xianjing, ZOU Degao, et al. Study of influence of earthquake wave motion input method on seismic response of high earth-rock dam[J]. Journal of Dalian University of Technology, 2016,56(4):382-389. (in Chinese))
- [5]赵剑明,刘小生,杨玉生,等. 土工抗震 60 年研究进展 与展望[J]. 中国水利水电科学研究院学报, 2018, 16 (5): 417-429. (ZHAO Jianming, LIU Xiaosheng, YANG Yusheng. et al. Review of aseismatic research of earth structure at IWHR in the last 6 decades and its future development [J]. Journal of China Institute of Water Resources and Hydropower Research, 2018, 16 (5): 417-429. (in Chinese))
- [6] KAVITHA P E, BEENA K S, NARAYANAN K P. A review on soil-structure interaction analysis of laterally loaded piles [J]. Innovative Infrastructure Solutions, 2016, 1(1): 1-14.
- [7]刘晶波,吕彦东.结构-地基动力相互作用问题分析的 一种直接方法[J]. 土木工程学报,1998,31(3):55-64. (LIU Jingbo, LÜ Yandong. A direct method for analysis of dynamic soil-structure interaction[J]. China Civil Engineering Journal, 1998,31(3):55-64. (in Chinese))
- [8] BA Zhenning, GAO Xi. Soil-structure interaction in transversely isotropic layered media subjected to incident plane SH waves [J]. Shock and Vibration, 2017, 2017 (2):1-13.

水利水电科技进展,2019,39(3) Tel:025-83786335 E-mail:jz@hhu.edu.cn http://jour.hhu.edu.cn

- [9] 吴健,金峰,徐艳杰. 拱坝随机地震行波效应分析[J]. 水利水电科技进展, 2005, 25(4): 9-12. (WU Jian, JIN Feng, XU Yanjie. Analysis of traveling wave effect of random earthquakes on arch dams [J]. Advances in Science and Technology of Water Resources, 2005, 25 (4): 9-12. (in Chinese))
- [10] 李悦良. 考虑行波效应的地震反应谱研究[D]. 秦皇岛:燕山大学,2016.
- [11] 赵博,王元清,陈志华,等. 行波效应下对称多跨大跨 结构的随机地震响应研究[J]. 振动与冲击, 2016, 35 (20): 9-16. (ZHAO Bo, WANG Yuanqing, CHEN Zhihua, et al. A Study on the random seismic response of large symmetric multi-span structures to wave-passage effect [J]. Journal of Vibration and Shock, 2016, 35
- (上接第23页)
- [5] 杜效鹄,李斌,陈祖煜,等.特高坝及其梯级水库群设计 安全标准研究Ⅱ:高土石坝坝坡稳定安全系数标准
 [J].水利学报, 2015, 46(6):640-649. (DU Xiaohu, LI Bin, CHEN Zuyu, et al. Evaluations on the safety design standards for dams with extra height or cascade impacts(part Ⅱ): slope stability of embankment dams
 [J]. Journal of Hydraulic Engineering, 2015, 46(6): 640-649. (in Chinese))
- [6]周兴波,陈祖煜,黄跃飞,等.特高坝及梯级水库群设计 安全标准研究Ⅲ:梯级土石坝连溃风险分析[J].水利 学报,2015,46(7):765-772.(ZHOU Xingbo, CHEN Zuzu, HUANG Yuefei, et al. Evaluations on the safety design standards for dams with extra height or cascade impacts(part Ⅲ): risk analysis of embankment break in cascade[J]. Journal of Hydraulic Engineering, 2015, 46 (7):765-772. (in Chinese))
- [7] LEHNER B, CZISCH G, VASSOLO S. The impact of global change on the hydropower potential of Europe: a model-based analysis[J]. Energy Policy, 2005, 33(7): 839-855.
- [8] POKHREL Y N, OKI T, KANAE S. A grid based assessment of global theoretical hydropower potential [J]. Proceedings of Hydraulic Engineering, 2008, 52: 7-12.
- [9] ZHOU Y, HEJAZI M, SMITH S, et al. A comprehensive view of global potential for hydro-generated electricity[J]. Energy & Environmental Science, 2015, 8 (9): 2622-2633.
- [10] GERNAAT D E H J, BOGAART P W, van VUUREN D P, et al. High-resolution assessment of global technical and economic hydropower potential [J]. Nature Energy, 2017, 2(10): 821-828.
- [11] WEC. World energy resources 2016 [R]. London: World Energy Council, 2017.
- [12] CHANG X L, LIU X H, ZHOU W, et al. Hydropower in

(20): 9-16. (in Chinese))

- [12]范重,柴丽娜,张宇,等. 超长结构地震行波效应影响因素研究[J]. 建筑结构学报, 2018, 39(8): 119-129.
 (FAN Zhong, CHAI Lina, ZHANG Yu, et al. Study on influential factors for super-long structures under seismic traveling wave action. [J]. Journal of Building Structures, 2018, 39(8): 119-129. (in Chinese))
- [13] 廖振鹏. 工程波动理论导论[M]. 2版. 北京:科学出版 社,2002.
- [14] 何卫平.考虑波传播特点的地震动场及工程应用[D]. 武汉:武汉大学,2015.
- [15] 蒋新新. 复杂地基条件下黏弹性人工边界模型及其应 用[D].大连:大连理工大学,2014.

(收稿日期:2018-07-29 编辑:郑孝宇)

China at present and its further development[J]. Energy, 2010, 35(11):4400-4406.

- [13] 陈云华,吴世勇,马光文.中国水电发展形势与展望
 [J].水力发电学报, 2013, 32(6):1-4.(CHEN Yunhua, WU Shiyong, MA Guangwen. Trends and prospects of hydropower development in China [J]. Journal of Hydraulic Engineering, 2013, 32(6):1-4. (in Chinese))
- [14] 韩冬,方红卫,严秉忠,等. 2013 年中国水电发展现状
 [J]. 水力发电学报, 2014, 33(5):1-5. (HAN Dong, FANG Hongwei, YAN Bingzhong, et al. China's hydropower status in 2013 [J]. Journal of Hydraulic Engineering, 2013, 32(6):1-4. (in Chinese))
- [15] 汤献华,周厚贵,杨卫东.水电开发与可持续发展战略
 [J].水利水电科技进展,2000,20(3):18-20.(TANG Xianhua, ZHOU Hougui, YANG Weidong. Hydropower development and sustainable development strategy [J]. Advances in Science and Technology of Water Resources, 2000,20(3):18-20.(in Chinese))
- [16] IHA. 2015 Hydropower Status Report [R]. London: International Hydropower Association, 2015.
- [17] IHA. 2016 Hydropower Status Report [R]. London: International Hydropower Association, 2016.
- [18] IHA. 2017 Hydropower Status Report [R]. London: International Hydropower Association, 2017.
- [19] IHA. 2018 Hydropower Status Report [R]. London: International Hydropower Association, 2018.
- [20] HOES O A C, MEIJER L J J, van der ENT R J, et al. Systematic high-resolution assessment of global hydropower potential [J]. Plos One, 2017, 12 (2), e0171844. https://doi.org/10.1371/journal.pone.0171844.
- [21] IJHD. World atlas & industry guide 2013 [R]. Wallington D. C. : International Journal of Hydropower and Dams, 2013.

(收稿日期:2018-10-15 编辑:骆超)