DOI:10. 3880/j. issn. 1004 - 6933. 2023. 01. 006

珠江河口磨刀门枯水期盐度统计模型

王 彪^{1,2,3},朱建荣⁴,吕爱琴⁵

(1.上海市环境科学研究院,上海 200233; 2.上海水环境模拟与水生态修复工程技术研究中心,上海 200233;
 3.长三角区域生态环境联合研究中心,上海 200233; 4.华东师范大学河口海岸学国家重点实验室,

上海 200062; 5. 广东省水文局佛山分局, 广东 佛山 528000)

摘要:基于潮汐和径流两个影响河口盐水入侵的主要动力因子,通过分离短时间尺度潮汐变化和长时间尺度径流变化对盐水入侵的不同影响,采用最小二乘拟合法建立了枯水期磨刀门盐度与潮汐、 径流的统计模型,并通过滤去径流影响对模型进一步修正,建立了修正盐度统计模型。模型计算值 与实测值对比结果表明:构建的盐度统计模型和修正盐度统计模型能反映珠江河口磨刀门枯水期 日特征盐度的变化过程;盐度统计模型总体均值相对误差 23.4%,修正盐度统计模型总体均值相 对误差 2.1%,说明修正盐度统计模型精度高于盐度统计模型,具有较好的实用性。

关键词:盐水入侵;统计模型;盐度;潮汐;径流;磨刀门;珠江河口

中图分类号: P341 文献标志码: A 文章编码: 1004 - 933 (2023) 01 - 0042 - 07

Salinity statistical model for Modaomen of Pearl River Estuary during dry season // WANG Biao^{1,2,3}, ZHU Jianrong⁴, LYU Aiqin⁵ (1. Shanghai Academy of Environmental Sciences, Shanghai 200233, China; 2. Shanghai Engineering Research Center of Water Environment Simulation and Ecological Restoration, Shanghai 200233, China; 3. Yangtze River Delta Joint Research Center for Ecology and Environment, Shanghai 200233, China; 4. State Key Laboratory of Estuarine and Coastal Research of East China Normal University, Shanghai 200062, China; 5. Foshan Substation of Guangdong Hydrographic Office, Guangdong 528000, China)

Abstract: As tide and runoff are two main dynamic factors of saltwater intrusion in estuary, a salinity statistical model for Modaomen during dry season was established using the least square fitting method, considering different effects of short-time scale tidal range variation and long-time scale runoff variation on saltwater intrusion. Then the model was further improved through filtering the runoff influence, and a revised salinity statistical model was developed. The comparison of measured values with calculated values of statistical models shows that both the salinity statistical model and the revised salinity statistical model can reflect the temporal variation of daily characteristic salinity in Modaomen of the Pearl River Estuary during the dry season. The relative error of mean salinity from the statistical model is about 23.4%, while that of the revised one is about 2.1%, indicating that the revised salinity statistical model has a higher precision, therefore it has better practicability.

Key words: saltwater intrusion; statistical model; salinity; tide; runoff; Modaomen; Pearl River Estuary

珠江是我国第二大河,磨刀门为珠江河口八大 入海口门之一,是主要的径流和泥沙出口,也是珠海 和澳门主要水源地。20世纪90年代以来,珠江三 角洲地区咸潮活动越来越频繁,持续时间增加,上溯 影响范围越来越大,强度趋于严重,发展态势不容乐 观^[1],严重影响了珠海和澳门的供水安全。

盐水入侵是河口地区普遍存在的一种径流、潮 汐和风力等动力因子综合作用形成的一种自然现 象。以往对珠江河口盐水入侵的大量研究表明,潮 汐和径流是影响珠江河口盐水入侵的主要因 子^[26]。杨干然^[2]根据海、河两大动力体系的强弱 程度将磨刀门划分为径流型河口,认为盐度分布在 洪季呈弱混合型,而枯季为缓混合型。李素琼等^[3] 则指出磨刀门无论枯、汛期咸淡水高度分层,盐水楔 活动明显。乐灿等^[4]基于珠江河口 2016 年枯季同 步观测盐度资料,总结了枯季八大口门同步盐度垂

作者简介: 王彪(1983—), 男, 高级工程师, 博士, 主要从事水环境保护研究。 E-mail: wangbiao5134@126. com

向分布和盐淡水混合特征,指出一般潮汐动力越强, 盐度垂向分布的拐点位置越高。徐俊峰等[7]对珠 江三角洲网河区一维水沙。含氯度输移数学模型和 河口区二维水沙、含氯度输移数学模型进行联解,建 立了珠江三角洲及河口区整体数学模型。为了更深 入研究珠江河口的水流运动和盐度输移的三维特 征,不少学者基于动力学过程的三维数学模型开展 了大量研究^[8-13]。Wong 等^[8] 基于 POM (Princeton ocean model)分析了珠江河口盐度梯度形成的羽状 锋面的动力机制以及与冬季枯水期羽状锋面相关的 小尺度环流。林若兰等^[11]采用 MIKE3 构建珠江东 四口门三维水动力数值模型,对枯水期各风向下珠 江口的水动力进行模拟,分析北风、东北风和东风对 河口涨落潮流速、盐度分布、潮通量的影响。吕紫君 等^[12] 基于 SCHISM (semi-implicit cross-scale hydroscience integrated system model)建立了磨刀门 三维盐度数值模型,利用该模型并结合盐通量分解 方法,研究了磨刀门水道盐淡水混合特征及各驱动 力对盐度通量变化的贡献作用。此外,陈水森等^[14] 基于经验模型分析了磨刀门水道含氯度及咸潮入侵 最大距离与上游径流、河口盐度的关系:路剑飞 等[15]利用引入滞后因子的径向基函数神经网络模 型,以珠江口磨刀门水道为例,研究建立了盐度多步 预测模型:周凡涵等[16] 基于小波-神经网络构建了 珠江口门区磨刀门水道的盐水入侵预报模型,对磨 刀门盐水入侵进行了预见期1~3d的预测应用。 总体上采用统计学经验模型对珠江河口盐水入侵的 研究相对较少,原因是统计学模型主要针对特定站 点、特定指标(如日均盐度、入侵距离等)进行统计 学意义上的反演和预测,而基于动力方程的数学模 型则能深入反演和预测河口盐度的时空变化。但统 计学经验模型对基础数据要求较少,易于快速实现, 在实际管理应用中仍有较强实用性。本文针对潮汐 和径流两个主要动力因子,采用最小二乘拟合方法 研究构建枯水期磨刀门盐度统计模型。

1 研究数据和方法

珠江河口磨刀门地理位置如图 1 所示,影响磨 刀门水道盐水入侵最主要的两个动力因子是潮汐和 径流。本文基于该动力机制,应用平岗泵站 2005 年 1 月 1 日至 3 月 31 日(时段 1)和 2005 年 10 月 1 日 至 2006 年 2 月 23 日(时段 2)两个时段的盐度和潮 位资料,以及同期的磨刀门上游西江的高要水文站 和北江的石角水文站的合计径流量,建立盐度与潮 汐和径流的统计关系模型。



图 1 珠江河口磨刀门地理位置 Fig. 1 Location of Modaomen in Pearl River Estuary

基于统计学方法构建盐水入侵统计模型,主要 针对盐度的特征值,如盐度日平均值、日最大值和日 最小值,挖掘其与相关动力因子之间的量化响应关 系。本文主要构建日平均盐度与潮汐、径流动力因 子之间的量化响应关系,日平均盐度通过对平岗泵 站日内逐时盐度进行算术平均得到。潮汐动力因子 以潮差进行表征,珠江河口潮汐为不规则潮,大潮期 间为不规则半日潮,小潮期间为不规则全日潮,本文 取日内最大的潮差作为当日潮汐动力强度。由于径 流对盐度的影响不仅与近期的径流量大小有关,其 前期的径流量大小对河口盐度也存在累积影响,因 而分析径流动力因子对盐度的影响时,应考虑其前 期的径流量情况,考虑潮汐的半月周期,本文取前 15 d 的平均径流量作为径流动力因子强度。处理 前后的盐度、潮汐、径流如图2所示,原始盐度、潮位 数据时间分辨率为1h,径流量数据时间分辨率为1 d。原始数据表明,平岗泵站盐度和水位除了有日 内变化特征外,具有显著的半月变化特征:径流量与 盐度之间总体上呈现径流量大、盐水入侵弱和径流 量小、盐水入侵强的特征。

由于外海高盐水入侵河口是一个复杂的动力过程,潮汐强度峰值与盐度峰值往往不会同步出现,而 是存在一定的相位差。图2表明,日均盐度和潮差 虽然都有明显的半月周期变化,但二者峰值确实存 在明显的相位差。尹小玲等^[17]参考珠江河口磨刀 门宏观几何条件,建立了概化河口数值模型,分析指 出由于混合过程时间效应,咸水运动调整过程呈现 非线性特征,盐分向陆输运量在小潮后2~3d达到 最大。Wang等^[18]通过珠江河口三维盐水入侵数值 模型得出,该相位差动力成因主要是由于下游河口 处洪湾水道汊道(图1中通向澳门的水道)的特殊 地形与风和潮汐动力相互作用形成的。为使构建的





盐度统计模型具有更好的适用性,需要对盐度和潮 差进行相位校正处理。通过潮差和盐度的相关分 析,发现将潮差进行3.5d的相位校正处理后,二者 相关系数达到最大。因此,下文统计建模中当日盐 度对应的潮差为当日后第3和第4天的潮差均值。 基于日平均盐度、第3和第4天的平均潮差和前15 d平均径流量数据(下文分别简称为盐度、潮差和径 流),本文采用统计学方法构建珠江河口磨刀门盐 度统计模型。

2 模型构建

珠江河口盐水入侵主要受潮汐和径流的作用, 且潮汐引起的半月时间尺度变化更为明显,故采用 最小二乘法先拟合出盐度和潮差之间的关系式,据 此预估出潮差对盐度影响;在此基础上,观测盐度去 除潮差影响贡献,可得到一个盐度差,这个差值可认 为是径流变化引起,通过拟合方法可找出盐度差与 径流的关系式。将潮差-盐度拟合关系式叠加径流-盐度差拟合关系式,最终可得到一个综合关系式,此 即本文构建盐度统计模型的基本思路。

图 3(a)给出了平岗泵站的盐度-潮差散点分布 情况,可见二者为非线性关系,总体可认为是指数关 系。因此采用指数关系对盐度和潮差进行拟合,通 过最小二乘法得出拟合关系为

 $S_{\text{FTD}} = 0.0004294 e^{4.996H_{\text{TR}}}$ (1) 式中: S_{FTD} 为盐度受到潮差影响的潮差拟合盐度; H_{TR} 为潮差。图 3(a)中的曲线即为拟合曲线,潮差-



图 3 盐度与潮差及归一化盐度差与径流的最小二乘拟合

Fig. 3 Least square fitting curves of salinity and tidal range as well as normalized salinity difference and runoff

盐度的拟合优度 R²为0.90。基于此潮差-盐度拟合 关系式,可计算出潮差随时间变化对应的潮差拟合 盐度变化,其与实测盐度对比见图4。

实测盐度中包含了潮差和径流的共同作用,在 得到式(1)后,实测盐度减去潮差拟合盐度得到的 盐度差可认为是径流的作用。若对此盐度差与径流



Fig. 4 Comparison of measured and fitting results of salinity and salinity difference

(2)

直接进行拟合建模,会发现拟合效果不理想。分析 其原因发现,此盐度差还受到潮形的影响,相同径流 下大潮期间由于河口总体盐度大,对应的盐度差也 相对较大:小潮期间对应的河口盐度总体较低,盐度 差也相对较小。为了去除潮形不同引起的径流对应 的盐度差差异,本文通过对盐度差进行潮形归一化 处理,得到归一化盐度差:

$$S_{SD} = S_D / S_{FTD}$$

其中 $S_D = S - S_{FTD}$

其中

式中:Ssp为归一化实测盐度差;Sp为径流作用对应 盐度差: S 为盐度实测值。

通过分析归一化实测盐度差与径流之间的关 系,发现二者具有反比例函数关系。因此,采用反比 例函数进行归一化实测盐度差与径流拟合,得到径 流-盐度差拟合函数:

$$S_{\text{QSD0}} = \frac{1\,389.\,646\,5}{Q - 1\,397.\,996\,6} - 1.\,396\,7 \tag{3}$$

式中: Sosm 为径流作用对应的归一化拟合盐度差; Q为径流。拟合曲线如图3(b)所示,径流-归一化 实测盐度差的拟合优度 R²为 0.71。在此基础上,去 归一化便可得到径流拟合盐度差:

$$S_{\rm FQ0} = S_{\rm QSD0} S_{\rm FT0} \tag{4}$$

实测径流作用对应盐度差 S_p 与径流拟合盐度 差 S_{F00} 对比如图 4 所示。综合潮差-盐度拟合关系 (式(1))和径流-盐度差之间关系(式(3)和(4)), 可得到河口盐度统计模型表达式为

$$S_{\text{iniF}} = 0.0004294 \text{ e}^{4.996H_{\text{TR}}} +$$

$$0.\ 000\ 429\ 4\ e^{4.\ 996H_{\rm TR}} \left(\frac{1\ 389.\ 646\ 5}{Q\ -1\ 397.\ 996\ 6} - 1.\ 396\ 7\right)$$
(5)

式中Simp 为盐度统计模型计算的盐度,其与实测盐 度对比情况见图4。

修正盐度统计模型 3

盐度统计模型中进行潮差-盐度关系拟合时,实 测盐度资料中包含了径流的贡献。通过式(3)和 (4)可以计算出径流对盐度的贡献,将实测盐度 S 减去径流对盐度的贡献 S_{FOO} ,得到滤去径流影响的 实测盐度 S_{RF00},这个盐度与潮差关系更为紧密。基 于 S_{RF00} 重新与潮差进行拟合,能进一步提高模型精 度。因此基于指数关系式用最小二乘法进行重新拟 合,可得到潮差-盐度修正拟合关系式:

 $S_{\rm FT1} = 0.001\,127\,\,{\rm e}^{4.\,372H_{\rm TR}}$ (6)式中SFTI为修正潮差拟合盐度。

拟合曲线如图 5(a) 所示, 两者拟合优度 R^2 为 0.92。滤去径流影响的实测盐度与修正潮差拟合盐 度的时间序列对比见图 6。由于时段 2 第 130 天附 近径流拟合盐度偏高,因此滤去该径流影响的实测 盐度出现负值,导致该时段拟合效果不好,但整体上 修正潮差拟合盐度与实测盐度更为一致。

由于对潮差-盐度拟合关系进行了修正,相应的 径流-盐度差拟合关系式也需要重新修正。采用与 上文同样的方法,可得到修正归一化盐度差 S_{ospt} 与 径流 Q 的拟合关系,进而去归一化便可得到修正径 流拟合盐度差 S_{FOL}:

$$S_{\text{QSD1}} = \frac{1\,699.\,750\,8}{Q - 1\,308.\,416\,7} - 1.\,742\,6 \tag{7}$$

$$S_{\rm FQ1} = S_{\rm QSD1} S_{\rm FT1} \tag{8}$$

修正归一化盐度差 Sospi 与径流 Q 拟合曲线如 图 5(b) 所示, 两者的拟合优度 R^2 为 0.71。实测径 流作用对应盐度差与修正的径流拟合盐度差的时间 序列对比见图6。







通过潮差-盐度修正拟合关系(式(6))以及径 流-盐度差的修正关系(式(7)和(8)),便可得到修 正盐度统计模型:

 $S_{\text{revF}} = 0.001\,127\,\,\mathrm{e}^{4.\,372H_{\text{TR}}}$ +

$$0.\ 001\ 127\ e^{4.\ 372H_{\rm TR}} \left(\frac{1\ 699.\ 750\ 8}{Q\ -1\ 308.\ 416\ 7}\ -1.\ 742\ 6\right) \tag{9}$$

式中S_{nov}F 为修正盐度统计模型计算的盐度,其与实 测盐度对比情况见图 6。

比较图6与图4,可以看出修正盐度统计模型 比盐度统计模型更好地再现了盐度的实际变化。理 论上,修正方法可以反复进行以提高模型精度,但实 际应用中,第一次修正效果较为明显,此后修正效果 的提高相对有限,建议采用一次修正为宜。

误差分析和讨论 4

本文实测盐度数据序列的均值为0.94‰。盐 度统计模型计算的盐度序列均值为1.16‰,均值 偏差为 0.22‰, 相对误差 23.4%; 修正模型计算 的盐度序列均值为 0.96‰,均值偏差约 0.02‰, 均值相对误差为2.1%。需要指出的是,虽然均值 偏差、相对误差结果较好,但对于具体某天的盐 度,尤其是实际盐度很低的情况,模型误差比较 大。这主要是因为盐度很低,几乎为0时,河口不 受盐水入侵影响,导致期间盐度与潮汐、径流量的 相关性差,因而统计模型对此期间数据识别能力 相应较差。即便统计模型计算出的盐度较小,由 于实测盐度几乎为0,其相对误差也可能极大,没 有代表性。实际管理应用中,往往关心盐水入侵



实测盐度、盐度差与修正拟合结果对比

Fig. 6 Comparison of measured and revised fitting results of salinity and salinity difference 较强导致的高盐度情况。

实际河口盐水入侵动力机制非常复杂,其影 响因素除径流和潮汐外,还受河口地形变化、海平 面上升以及风力等因素影响^[19]。有研究指出,珠江 磨刀门口门拦门沙的蚀退、口门向"河-波型"类型 转化以及磨刀门水道受采砂形成河床下切均会加剧 磨刀门水道盐水入侵[19]:不同风向对珠江河口盐水 入侵影响不一,北风、东北风促进虎门盐水的入侵, 东风则相反^[11]。此外,短期特殊气象过程也会对河 口盐水入侵过程造成影响,如台风"纳沙"期间,由 于台风增水效应使得磨刀门盐度分布呈现出"双 峰"特征。本文主要关注对河口影响较大的径流和 潮汐两个动力因子,基于对径流和潮汐影响机理 的认识和统计学方法提出了枯水期磨刀门盐水入 侵统计模型构建方法。本文提出的盐水入侵统计 模型与建模采用的数据样本紧密相关,若样本数 据代表性不足则可能影响模型精度;考虑到河口 地区水文地貌情况往往容易发生变化,进行模型 预测应用时,还应注意建模数据的时效性。建议 在数据积累较为丰富的区域应用本文提出的方法 时,尽量采用代表性较好的近期数据进行建模,并 采用不同批次的数据进行应用验证,以确保模型 的可靠性。

5 结 语

基于日均盐度、日最大潮差、半月平均径流量等 统计数据.分别采用指数函数和反比例函数进行最 小二乘拟合得到潮差-盐度拟合关系式和径流-盐度 差拟合关系式,并综合得到基于对潮差和径流拟合 的珠江河口磨刀门盐度统计模型。针对盐度统计模 型中潮差拟合的径流影响问题,通过滤去径流影响 后对潮差拟合的方式进行了修正,得到修正盐度统 计模型。构建的盐度统计模型和修正盐度统计模型 能反映珠江河口磨刀门枯水期日特征盐度的变化过 程。误差分析表明,盐度统计模型和修正盐度统计 模型总体均值偏差分别约为0.22‰和0.02‰,相对 误差分别为23.4%和2.1%,修正盐度统计模型比 盐度统计模型具有更高的精度。河口地区盐度、径 流和潮位资料较容易获取,基于本文提出的分离短 时间尺度潮差影响和长时间尺度径流影响的盐度统 计拟合方法,可快速建立河口盐度与潮差、径流的统 计学模型,并预测河口盐水入侵程度,具有较好的实 用性。

参考文献:

[1]杨芳,何颖清,卢陈,等.珠江河口咸情变化形势及抑

咸对策探讨[J]. 中国水利, 2021(5):21-23. (YANG Fang, HE yingqing, LU Chen. et al. Changes of seawater invention situation in the Pearl River Estuary and salinity reduction solutions [J]. China Water Resources, 2021 (5):21-23. (in Chinese))

- [2]杨干然.珠江河口的动力特征与河口发展[C]//珠江 口海岸带和海涂资源综合调查研究文集(四).广州: 广东科技出版社,1986.
- [3] 李素琼,李毕生. 磨刀门咸水楔活动若干问题的探讨 [C]//珠江口海岸带和滩涂资源综合调查研究文集 (四). 广州:广东科技出版社, 1986.
- [4]乐灿,王永红,杨远东,等.珠江八大口门 2016 年枯季盐度同步观测及咸淡水混合研究[J].海洋地质前沿,2021,37(1):51-60.(YUE Can,WANG Yonghong,YANG Yuandong, et al. Synchronous observation of salinity for salt-fresh water mixing at the eight entrances of Pearl River in dry season of 2016[J]. Marine Geology Frontiers, 2021, 37(1):51-60.(in Chinese))
- [5]闻平,陈晓宏,刘斌,等.磨刀门水道咸潮入侵及其变 异分析[J].水文,2007,27(3):65-67.(WEN Ping, CHEN Xiaohong, LIU Bin, et al. Analysis of tidal saltwater intrusion and its variation in Modaomen Channel
 [J]. Journal of China Hydrology, 2007, 27(3):65-67. (in Chinese))
- [6]方神光,崔丽琴.磨刀门水道枯季咸潮入侵特性及规律
 [J].水利水电科技进展,2015,35(4):14-18. (FANG Shenguang, CUI Liqin. Characteristics and rules of seawater intrusion during dry season in Modaomen Waterway[J]. Advances in Science and Technology of Water Resources,2015,35(4):14-18. (in Chinese))
- [7] 徐俊峰,朱士康,刘俊勇.珠江河口区水环境整体数 学模型研究[J].人民珠江,2003,24(5):12-18. (XU Junfeng, ZHU Shikang, LIU Junyong. Mathematic modelling on water environment of estuarine area of the Pearl River[J]. Pearl River, 2003,24(5): 12-18. (in Chinese))
- [8] WONG L A , CHEN J C, DONG L X. A model of the plume front of the Pearl River Estuary, China and adjacent coastal waters in the winter dry season [J]. Continental Shelf Research, 2004, 24(16):1779-1795.
- [9] 王崇浩, 韦永康. 三维水动力泥沙输移模型及其在珠 江口的应用[J].中国水利水电科学研究院学报, 2006, 4(4): 246-252. (WANG Chonghao, WEI Yongkang. Three-dimensional modelling of sediment transport in the Pearl River Estuary[J]. Journal of China Institute of Water Resources and Hydropower Research, 2006, 4(4): 246-252. (in Chinese))
- [10] 包芸, 任杰. 珠江河口西南风强迫下潮流场的数值模

拟[J]. 海洋通报, 2003, 22(4):8-14. (BAO Yun, REN Jie. Numerical simulation of tidal current field under the forcing of southwest wind in the Pearl River Estuary [J]. Marine Science Bulletin,2003, 22(4):8-14. (in Chinese))

- [11] 林若兰,卓文珊,曾珂,等.不同风向对珠江东四口门 盐水入侵的影响[J].水资源保护,2020,36(1):70-79. (LIN Ruolan, ZHUO Wenshan, ZENG Ke, et al. Influence of different wind direction on saltwater intrusion in east four portals of Pearl River[J]. Water Resources Protection,2020,36(1):66-75. (in Chinese))
- [12] 吕紫君,冯佳佳,孔俊,等. 磨刀门盐水入侵特性及其动力机制研究[J].水道港口,2018,39(2):144-150.
 (LYU Zijun,FENG Jiajia,KONG Jun, et al. Study of the features and dynamics of saltwater intrusion in Modaomen waterway[J]. Journal of Waterway and Harbor, 2018, 39 (2):144-150. (in Chinese))
- [13] 王青,吕紫君,孙杰,等.基于水幕方法的珠江河口抑咸 对策[J].水资源保护,2018,34(5):50-56. (WANG Qing, LYU Zijun, SUN Jie, et al. Study on measures of saline water intrusion control to Pearl River Estuary based on water curtain method[J]. Water Resources Protection, 2018,34(5):50-56. (in Chinese))
- [14] 陈水森,方立刚,李宏丽,等.珠江口咸潮入侵分析 与经验模型:以磨刀门水道为例[J].水科学进展, 2007,18(5):751-755.(CHEN Shuisen, FANG Ligang,LI Hongli, et al. Saltwater intrusion analysis and experiential model for Pearl River Estuary, south China; a case study in Modaomen watercourse [J]. Advances in Water Science, 2007, 18(5):751-755.(in Chinese))

(上接第21页)

- [21] ZENG X, HU T, GUO X, et al. Water transfer triggering mechanism for multi-reservoir operation in inter-basin water transfer-supply project [J]. Water Resources Management, 2014, 28(5):1293-1308.
- [22] 王宗志,叶爱玲,刘克琳,等. 流域水资源供需双侧调控 模型及应用[J].水利学报,2021,52(3):1-12.(WANG Zongzhi,YE Ailing,LIU Kelin, et al. Modeling of bilateral joint regulation of basin-wide water resources supply and demand[J]. Journal of Hydraulic Engineering, 2021,52 (3):1-12.(in Chinese))
- [23] 冯树民,吴海月,王弟鑫. 基于理想点法的多目标最短路求解算法研究[J]. 公路交通科技,2016,33(3):97-101. (FENG Shumin, WU Haiyue, WANG Dixin. Study of multi-objective shortest path algorithm based on ideal point solution[J]. Journal of Highway and Transportation

- [15] 路剑飞,陈子燊.珠江口磨刀门水道盐度多步预测研究[J].水文,2010,30(5):69-74. (LU Jianfei,CHEN Zishen. Salinity prediction at Modaomen Waterway in Estuary of Pearl River[J]. Journal of China Hydrology, 2010, 30(5): 69-74. (in Chinese))
- [16] 周凡涵、刘丙军、胡家昱等. 基于人工神经网络的河口 区盐水入侵预报研究[J]. 水文, 2020, 40(6):55-62.
 (ZHOU Fanhan, LIU Bingjun, HU Jiayu, et al. Study of estuarine salinity prediction based on wavelet artificial neural network[J]. Journal of China Hydrology, 2020, 40 (6): 55-62. (in Chinese))
- [17] 尹小玲,赵雪峰,黄舒琴,等.分层型河口咸水上溯对径流潮汐共同作用的基本响应[J].水资源保护,2020,36(4):68-74. (YIN Xiaoling, ZHAO Xuefeng, HUANG Shuqin, et al. Basic response of saline water intrusion on combined action of runoff and tide in stratified estuary [J]. Water Resources Protection, 2020, 36(4):68-74. (in Chinese))
- [18] WANG Biao, ZHU Jianrong, WU Hui, et al. Dynamics of saltwater intrusion in the Modaomen Waterway of the Pearl River Estuary[J]. Science China: Earth Sciences, 2012, 55(11):1901-1918.
- [19] 王艺霖,苏程佳,陈晓宏,等. 磨刀门水道枯水期咸潮变 化趋势及成因[J]. 水资源保护,2019,35(2):37-43.
 (WANG Yilin, SU Chengjia, CHEN Xiaohong, et al. Change trend and cause of salt tide in Modaomen Channel during dry seasons[J]. Water Resources Protection,2019, 35(2):37-43. (in Chinese))

(投稿日期:2021-10-12 编辑: 施业)

Research, 2016, 33(3):97-101. (in Chinese))

- [24]黄显峰,石志康,金国裕,等.基于碳足迹的区域水资源 优化配置模型[J].水资源保护,2020,36(4):47-51. (HUANG Xianfeng, SHI Zhikang, JIN Guoyu, et al. Optimal regional water resources allocation model based on carbon footprint [J]. Water Resources Protection, 2020,36(4):47-51. (in Chinese))
- [25] WAN W, GUO X, LEI X, et al. A novel optimization method for multi-reservoir operation policy derivation in complex inter-basin water transfer system [J]. Water Resources Management, 2018, 32:31-51.
- [26] LUPTON R C, ALLWOOD J M. Hybrid Sankey diagrams: visual analysis of multidimensional data for understanding resource use[J]. Resources Conservation and Recycling, 2017,124(4):141-151.

(收稿日期:2021-10-18 编辑:王芳)